

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ  
филиал федерального государственного бюджетного образовательного учреждения  
высшего образования «Мурманский арктический государственный университет»  
в г. Апатиты

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### **Б1.Б.18 Дискретная математика**

(название дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом)

**основной профессиональной образовательной программы  
по направлению подготовки**

**09.03.02 Информационные системы и технологии  
направленность (профиль) «Программно-аппаратные комплексы»**

(код и наименование направления подготовки  
с указанием направленности (профиля) (наименования магистерской программы))

### **высшее образование – бакалавриат**

уровень профессионального образования: высшее образование – бакалавриат / высшее образование – специалитет, магистратура / высшее образование – подготовка кадров высшей квалификации

### **бакалавр**

квалификация

### **очная**

форма обучения

**2018**

год набора

**Составитель:**

Степенщиков Д.Г.,  
канд. геол.-минерал. наук, доцент  
кафедры общих дисциплин

Утверждено на заседании кафедры общих  
дисциплин

(протокол № 13 от «08» июня 2018 г.)

Зав. кафедрой



Савельева О. В.

**1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)** - вооружить будущего бакалавра знаниями, умениями и навыками в области дискретной математики, определяющими его способность к овладению основными методами и средствами комбинаторики, теории множеств, математической логики, теории графов; развить навыки математического и логического мышления, позволяющие использовать полученные знания в профессиональной деятельности.

В результате освоения дисциплины «Дискретная математика» обучающийся должен:

**знать:**

- основные понятия, алгоритмы и методы дискретной математики.

**уметь:**

- применять полученные знания в других дисциплинах и при решении прикладных задач;
- выбирать способы и методы решения прикладных задач;
- разрабатывать математическую модель прикладной задачи и решать ее с привлечением методов дискретной математики.

**владеТЬ:**

- современным математическим языком, основными математическими методами, в том числе, реализуемыми с помощью компьютерной техники;
- использовать аппарат дискретной математики для решения прикладных задач.

## **2. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ), СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ**

В результате освоения дисциплины формируются следующие компетенции:

- способность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования (ОПК-2).

## **3. УКАЗАНИЕ МЕСТА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ**

Данная дисциплина относится к базовому циклу (Б1) дисциплин основной профессиональной образовательной программы для направления подготовки 09.03.02 Информационные системы и технологии, направленность (профиль) – Программно-аппаратные комплексы.

Для освоения дисциплины «Дискретная математика» обучающиеся используют знания, умения, навыки, способы деятельности и установки, которые они получили в процессе изучения дисциплины: «Математический анализ».

В свою очередь, «Дискретная математика» представляет собой методологическую базу для усвоения обучающимися содержания дисциплин «Дифференциальные уравнения», «Математическая логика и теория алгоритмов».

## **4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦАХ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ИЛИ АСТРОНОМИЧЕСКИХ ЧАСОВ, ВЫДЕЛЕННЫХ НА КОНТАКТНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ПРЕПОДАВАТЕЛЕМ (ПО ВИДАМ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ) И НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы или 108 часов.  
(из расчета 1 ЗЕТ = 36 часов).

1	2	3	Трудоемкость в ЗЕТ (час.)	Контактная работа			Всего контактных часов	Кол-во часов на СРС	Курсовые работы	Кол-во часов на контроль	Форма контроля
				ЛК	ПР	ЛБ					
1	2	3	108	16	16	-	32	8	76	-	-
<b>Итого:</b>		<b>3</b>	<b>108</b>	<b>16</b>	<b>16</b>	<b>-</b>	<b>32</b>	<b>8</b>	<b>76</b>	<b>-</b>	<b>-</b>

В интерактивной форме часы используются в виде: групповой дискуссии.

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ, СТРУКТУРИРОВАННОЕ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ) С УКАЗАНИЕМ ОТВЕДЕННОГО НА НИХ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ИЛИ АСТРОНОМИЧЕСКИХ ЧАСОВ И ВИДОВ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ

№ п/п	Наименование раздела, темы	Контактная работа			Всего контактных часов	Из них в интерактивной форме	Кол-во часов на СРС	Кол-во часов на контроль
		ЛК	ПР	ЛБ				
1.	Теория множеств. Основные определения. Операции над множествами. Свойства операций. Бинарные отношения. Виды бинарных отношений. Функциональные отношения	6	6	-	12	4	27	-
2.	Функции алгебры логики. Основные понятия и определения. Свойства элементарных функций алгебры логики. Совершенная дизъюнктивная и конъюнктивная формы ФАЛ. Полнота и замкнутость ФАЛ.	6	6	-	12	3	27	-
3.	Графы. Основные определения. Оптимизационные задачи на графах.	4	4	-	8	1	22	-
<b>Зачет</b>		-	-	-	-	-	-	-
	<b>Итого:</b>	<b>16</b>	<b>16</b>	<b>-</b>	<b>32</b>	<b>8</b>	<b>76</b>	<b>-</b>

### Содержание дисциплины

#### Тема 1. Теория множеств.

- 1.1. Определение множества. Элементы множества. Способы задания множества. Пустое и универсальное множество. Мощность множества. Конечные и бесконечные множества.
- 1.2. Операции над множествами. Объединение, пересечение, разность и дополнение множеств.
- 1.3. Свойства операций. Идемпотентность, ассоциативность, дистрибутивность, поглощение, инволютивность, свойство нуля, свойство единицы, свойство дополнения, законы де Моргана, выражение для разности.

- 1.3. Бинарные отношения. Определение, композиция отношений. Свойства отношений. Ядро отношения, Замыкание отношений.
- 1.4. Виды бинарных отношений. Транзитивное, рефлексивное, антирефлексивное, симметричное, антисимметричное, линейное отношения.
- 1.5. Функциональные отношения. Инъекция, сюръекция, биекция. Отношение эквивалентности. Классы эквивалентности. Фактормножества. Отношение порядка. Вполне упорядоченные множества.

### Тема 2. Функции алгебры логики

- 2.1. Основные понятия и определения.

Булева функция. Таблица истинности.

- 2.2. Свойства элементарных функций алгебры логики.

Конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквивалентность, штрих Шеффера, стрелка Пирса, сложение по модулю 2.

- 2.3. Совершенные дизъюнктивная и конъюнктивная формы ФАЛ.

СДНФ, СКНФ, МДНФ, МКНФ. Минимизация ФАЛ. Метод Квайна – Мак-Класки, метод неопределенных коэффициентов. Метод карт Карно.

- 2.4. Полнота и замкнутость ФАЛ.

Монотонные функции, Самодвойственные функции, линейные функции, функции, сохраняющие 0 и 1. Теорема Поста-Яблонского. Функции шефферовского типа.

### Тема 3. Графы

- 3.1. Основные определения.

Вершины, ребра, дуги, цепи, циклы, пути, контуры графа. Связность, компонента связности графа. Деревья, оставные графы, подграфы.

- 3.2. Оптимизационные задачи на графах.

Кратчайший путь. Алгоритм Дейкстры. Минимальный остов. Алгоритм Прима. Транспортная сеть. Алгоритм Форда и Фалкерсона.

## **6. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ, НЕОБХОДИМОГО ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

### **Основная литература:**

1. Яблонский С.В. Введение в дискретную математику. Учеб. пособие - С.В.Яблонский - М.: Высш. шк., 2002 -2003 – 384 с.

### **Дополнительная литература:**

2. Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов: учебное пособие / И.А.Лавров, Л.Л.Максимова. - М.: Физматлит, 2002-2006 – 256 с

3. Новиков Ф.А. Дискретная математика для программистов: учебник / Ф.А. Новиков . - СПб.: Питер, 2001,2005,2008 – 384 с.

## **7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

В образовательном процессе используются:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации (мебель аудиторная (столы, стулья, доска аудиторная), комплект мультимедийного оборудования, включающий мультимедиапроектор, экран, переносной ноутбук для демонстрации презентаций; учебно-наглядные пособия; обеспечивающие тематические иллюстрации);

- помещения для самостоятельной работы (оснащены компьютерными столами, стульями, доской аудиторной, компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета);
- помещения для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования (оснащены наборами инструментов, оборудованием, расходными материалами для монтажа, ремонта и обслуживания информационно-телекоммуникационной сети филиала и вычислительной техники);
- лаборатория информационных технологий (оснащена компьютерными столами, стульями, мультимедийным проектором, экраном проекционным, компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета).

#### **7.1. ПЕРЕЧЕНЬ ЛИЦЕНЗИОННОГО ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ**

1. Microsoft Windows.
2. Microsoft Office / LibreOffice.

#### **7.2. ЭЛЕКТРОННО-БИБЛИОТЕЧНЫЕ СИСТЕМЫ**

ЭБС «Издательство Лань»[Электронный ресурс]: электронная библиотечная система / ООО «Издательство Лань». – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/>;

ЭБС «Электронная библиотечная система ЮРАЙТ» [Электронный ресурс]: электронная библиотечная система / ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ». – Режим доступа: <https://biblio-online.ru/>;

ЭБС «Университетская библиотека онлайн»[Электронный ресурс]: электронно-периодическое издание; программный комплекс для организации онлайн-доступа к лицензионным материалам / ООО «НексМедиа». – Режим доступа: <https://biblioclub.ru/>.

#### **7.3. СОВРЕМЕННЫЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНЫЕ БАЗЫ ДАННЫХ**

1. Электронная база данных Scopus.

#### **7.4. ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ**

1. Электронный справочник "Информио" для высших учебных заведений <http://www.informio.ru/>

### **8. ИНЫЕ СВЕДЕНИЯ И МАТЕРИАЛЫ НА УСМОТРЕНИЕ ВЕДУЩЕЙ КАФЕДРЫ**

Не предусмотрено.

### **9. ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАНИЯ ДЛЯ ЛИЦ С ОВЗ**

Для обеспечения образования инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья реализация дисциплины может осуществляться в адаптированном виде, с учетом специфики освоения и дидактических требований, исходя из индивидуальных возможностей и по личному заявлению обучающегося.